

## 17. A kör és részei, kör és egyenes kölcsönös helyzete

**DEF.:** A kör (körvonal) a sík mindazon pontjainak mértani helye, amelynek távolsága egy adott ponttól állandó. Az állandó távolság a sugár ( $r$ ), az adott pont a középpont ( $O$ ).

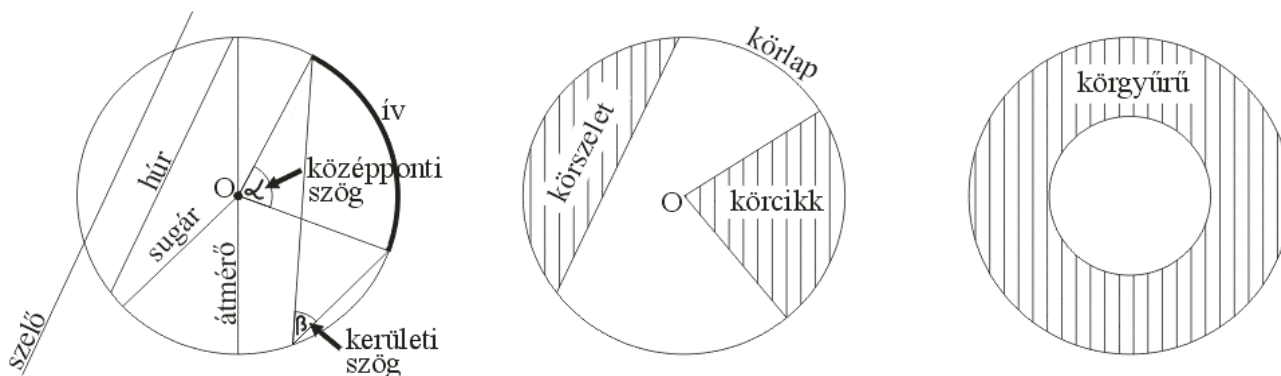
A kör két pontján átmenő egyenest szelőnek, a két pont közé eső szakaszt pedig húrnak nevezzük. A középponton átmenő húr a kör átmérője ( $d$ ).

A körvonal határolta síkrész a körlap, a körvonal két pontja közé eső rész az ív (pl.:  $\widehat{AB}$ ).

A körlapnak a két sugár közé eső része a körcikk, a körlapból a szelő által lemetezett rész a kör szelet.

Az ív két végpontjához húzott két sugár közé eső szöget középponti szögnek, a körvonal egy pontjából az ív két végpontjához húzott hűrok közé eső szöget pedig kerületi szögnek nevezzük.

A kör sugara az érintési pontban merőleges az érintőre.



### TÉTELEK:

- $\alpha \sim i$  (a középponti szög és a hozzá tartozó ív egyenesen arányos)

- $\alpha \sim t_{\text{körcikk}}$

következmény:

a kör kerülete:  $2\pi r$

a kör területe:  $\pi r^2$

$$\frac{i}{\alpha} = \frac{2\pi \cdot r}{2\pi} \quad \rightarrow \quad \boxed{i = \alpha_{\text{rad}} \cdot r}$$

$$\frac{t_{\text{körcikk}}}{\alpha} = \frac{\pi \cdot r^2}{2\pi} \quad \rightarrow \quad \boxed{t_{\text{körcikk}} = \frac{\alpha \cdot r^2}{2} = \frac{i \cdot r}{2}}$$

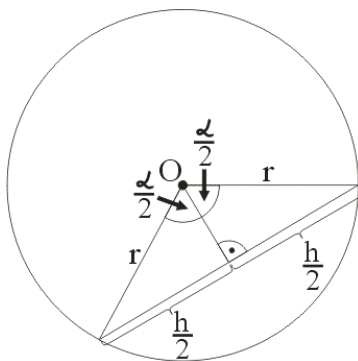
- a h húr hossza:  $h = 2r \cdot \sin \frac{\alpha}{2} \quad 0^\circ < \alpha \leq 180^\circ$

a)

$$0^\circ < \alpha < 180^\circ$$

$$\frac{h}{2} = r \cdot \sin \frac{\alpha}{2}$$

$$h = 2r \cdot \sin \frac{\alpha}{2}$$

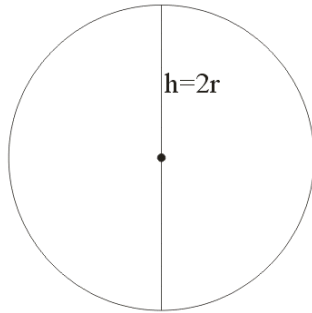


b)

$$\alpha = 180^\circ$$

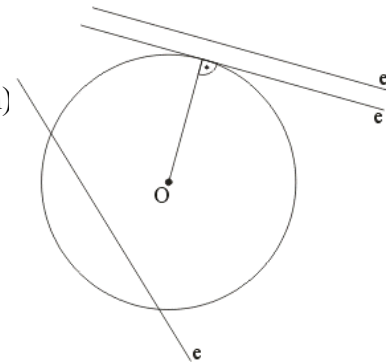
$$\sin \frac{180^\circ}{2} = 1$$

$$h = 2r$$



Kör és egyenes relatív helyzete:

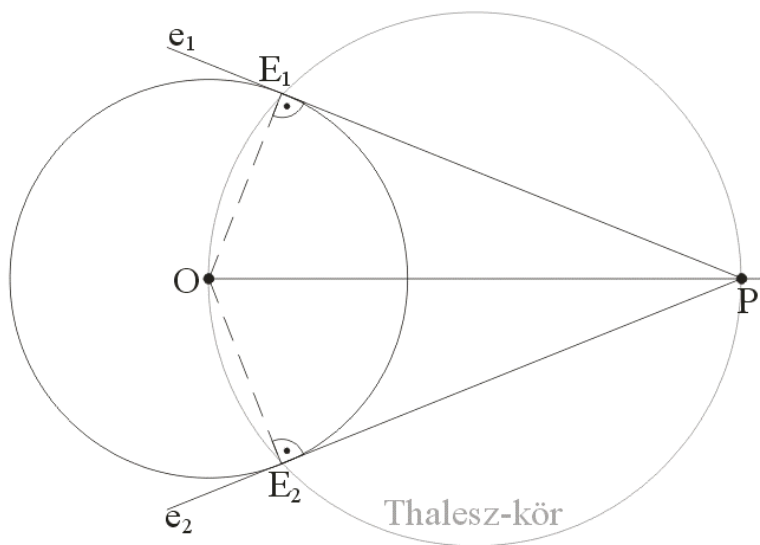
- diszjunktak
- érintő (1 közös pontjuk van)
- szelő



TÉTELEK:

Körhöz külső pontból érintő szerkesztése:

- $OE_1 \perp e_1$  így az érintési pontok rajta vannak az OP, mint átmérő fölé emelt Thalesz körön



- A körhöz egy külső pontból húzott érintőszakasz mértani közepe a pontból a körhöz húzott szelőszakaszoknak.

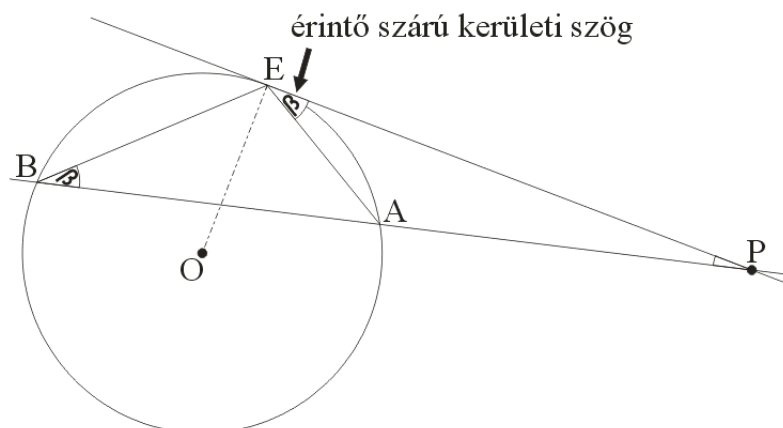
Bizonyítás:

AEP háromszög hasonló EBP háromszöghöz (szögek egyezése). A megfelelő oldalak aránya egyenlő, így

$$\frac{PE}{PB} = \frac{PA}{PE}$$

$$PE^2 = PA \cdot PB$$

$$PE = \sqrt{PA \cdot PB}$$



Alkalmazások:

- 2 kör közös érintő egyeneseinek megszerkesztése (max. 2 belső és 2 külső érintő)
- városok köré körgyűrűk építése
- egyenletes körmozgás matematikai leírása ( $i = \alpha \cdot r$ ,  $\omega = \text{áll.}$ ,  $a_{cp} = \frac{v^2}{r}$ )
- szabályos sokszögek szerkesztéséhez kört használunk